Escola de Enfermagem da USP

Concurso de Especialista em Laboratório junto ao Serviço de Pesquisa

PROVA DE MÚLTIPLA ESCOLHA – DATA: 09/04/2013.

EM TODAS AS QUESTÕES HÁ APENAS UMA ALTERNATIVA CORRETA

Utilizando a tabela de contingência de dados de um estudo com delineamento caso-controle abaixo, responda as questões 1 e 2.

Sexo	Doença	
	Não	Sim
Masculino	10	20
Feminino	60	50

1. A estatística Qui-quadrado para testar a hipótese de independência entre Sexo e Doença vale:
a. 110/33
b. 3/11
c. 140/33
d. 0,003
e. 0,042

2. Quanto vale a razão de chances de ter a doença, comparando sexo masculino em relação ao sexo feminino?

a. 15/22
b. 22/15
c. 5/12
d. 12/5
e. 7/20

3. Apenas uma em cada dez pessoas de uma população tem tuberculose. Entre as pessoas que têm tuberculose, 90% reagem positivamente ao teste Y, enquanto que apenas 35% dos que não tem tuberculose reagem positivamente ao teste Y. Uma pessoa dessa população é selecionada ao acaso e o teste Y é aplicado. Qual a probabilidade de que essa pessoa tenha tuberculose, se reagiu positivamente ao teste Y?

a. ( ) 7/15
b. ( ) 2/27
c. ( ) 1
d. ( ) 21/27
e. ( ) 9/15

4. A probabilidade de uma mulher estar viva daqui a 30 anos é igual à ¾ e de seu marido 3/5. Qual é a probabilidade de pelo menos um deles estarem vivos daqui a 30 anos?

a. 1/10
b. 9/20
c. 1/4
d. 3/20
e. 9/10

5. As variáveis aleatórias X e Y são tais que as variâncias são iguais a 2 e 3, respectivamente, e a Cov (X, Y) = 2. Assim sendo, a variância de 2X + Y é igual à:

a. 8
b. 11
c. 13
d. 19
e. 25

Para as questões 6 e 7 admita que o tempo, em dias, para o desenvolvimento de tumor em ratos expostos a uma substância cancerígena segue uma distribuição de *Weibull* com função de sobrevivência dada por

$$S(t) = \exp\left\{-\left(\frac{t}{\theta}\right)^{\rho}\right\}, t \geq 0, \rho > 0, \theta > 0;$$

6. A função densidade de probabilidade de T, onde T é o tempo até o aparecimento do tumor, é:

a. $\mathrm{f(t)} = \rho \exp\left\{-\left(\frac{t}{\theta}\right)^{\rho-1}\right\}$
b. $\mathrm{f(t)} = \left(\frac{\rho}{\theta}\right)\left(\frac{t}{\theta}\right)^{\rho-1} \exp\left\{-\left(\frac{t}{\theta}\right)^{\rho}\right\}$
c. $\mathrm{f(t)} = -\left(\frac{\rho}{\theta}\right)\left(\frac{t}{\theta}\right)^{\rho-1} \exp\left\{-\left(\frac{t}{\theta}\right)^{\rho}\right\}$
d. $\mathrm{f(t)} = \theta\Gamma\left(1 + \frac{1}{\rho}\right)$
e. $\mathrm{f(t)} = 1 - \exp\left\{-\left(\frac{t}{\theta}\right)^{\rho}\right\}$

7. Assuma que foi possível estimar os parâmetros ρ e θ, sendo encontrados $\hat{\rho} = 0{,}25$ e $\hat{\theta} = 2$. Qual a probabilidade estimada de um rato sobreviver sem tumor aos primeiros 32 dias?

a. e^{-4}
b. e^{-2}
c. e^{-1}
d. 0,35
e. 0,20

8. Se Y_1 e Y_2 têm distribuições de *Poisson* independentes com médias μ e $\theta\mu$, respectivamente, então $Y_1 + Y_2$ têm:

a. Distribuição Binomial, com média $\mu(1+\theta)$.
b. Distribuição Binomial, com variância $\mu(1-\mu)(1+\theta)$.
c. Distribuição Poisson, com média $\mu(\theta-1)$
d. Distribuição Poisson, com variância $\mu(1-\mu)$.
e. Distribuição Poisson, com variância $\mu(1+\theta)$.

9. Seja variável aleatória X uniformemente distribuída no intervalo [a; 3a], a variância de X é igual a:

a. $4a^2/3$
b. $3a^2$
c. a^2
d. $a^2/3$
e. $4a/3$

10. Os quartis de uma distribuição contínua e unimodal são Q1 = 6, Q2 = 8 e Q3 = 12. Essa distribuição:

a. é simétrica
b. é assimétrica à direita
c. é assimétrica, com mediana maior que a média.
d. é assimétrica, com mediana igual a 10.
e. é assimétrica, com moda igual à média.

11. Sejam $X_1, \dots, X_n$ uma amostra aleatória da variável aleatória X com distribuição exponencial com parâmetro θ $\left(com\ f.d.p.\ dada\ por\ f(x_i;\ \theta) = \theta e^{-\theta x_i}\right)$. Qual é o estimador de máxima verossimilhança de g(θ) = P(X>1)?

$obs. \bar{X} = \sum_{i=1}^{n}(x_i)/n.$

a. $1/\bar{X}$
b. $\bar{X}$
c. $e^{-(1/\bar{X})}$
d. $e^{-\bar{X}}$
e. $e^{\bar{X}}$

12. O diâmetro de certo tipo de anel industrial é uma variável aleatória com distribuição normal, de média 0,10 cm e desvio padrão 0,02 cm. Se o diâmetro de um anel diferir da média em mais que 0,03 cm, ele é vendido por R$5,00; caso contrário, é vendido por R$10,00. Qual o preço médio da venda de cada anel?

a. 9,34
b. 9,13
c. 9,00
d. 8,55
e. 8,45

13. Seja X uma variável aleatória com distribuição binomial com n=4, e um teste com $H_0: p \geq 0,5$ contra $H_A: p < 0,5$, com região crítica $RC = \{0, 1\}$, onde p é a probabilidade de sucesso de X. Qual a probabilidade do erro tipo I?

a. 1/2
b. 5/16
c. 4/16
d. 1/16
e. 5%

14. Assuma que a população $X \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$ e $Y \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$ tome amostras de tamanho n e m, respectivamente. Com $\bar{X}$ e $\bar{Y}$ as médias amostrais e $S_1^2 = \frac{1}{n-1}\sum_{i=1}^{n}(X_i - \bar{X})^2$ e $S_2^2 = \frac{1}{m-1}\sum_{i=1}^{m}(Y_i - \bar{Y})^2$.

Sobre a estatística T (Teste *t-student*), de um teste de hipótese para comparação de médias de duas populações normais com variâncias **desiguais e desconhecidas**, têm-se que:

a. $T = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{\frac{S_1 + S_2}{2}\sqrt{\left(\frac{1}{n} + \frac{1}{m}\right)}}, T_{sob\ H_0} \sim t_{(n+m-2)}$
b. $T = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{\sqrt{\left(\frac{\sigma_1^2}{n} + \frac{\sigma_2^2}{m}\right)}}, T_{sob\ H_0} \sim t_{(n+m-2)}$
c. $T = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{\frac{\sigma_1 + \sigma_2}{2}\sqrt{\left(\frac{1}{n} + \frac{1}{m}\right)}}, T_{sob\ H_0} \sim t_{(n+m-2)}$
d. $T = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{\sqrt{\left(\frac{S_1^2}{n} + \frac{S_2^2}{m}\right)}}, T_{sob\ H_0} \sim t_\nu,\ \nu = \frac{\left(S_1^2/n + S_2^2/m\right)^2}{\frac{\left(S_1^2/n\right)^2}{(n-1)} + \frac{\left(S_2^2/m\right)^2}{(m-1)}}$
e. $T = \frac{\bar{X} - \bar{Y}}{\sqrt{\left(\frac{\sigma_1^2}{n} + \frac{\sigma_2^2}{m}\right)}}, T_{sob\ H_0} \sim t_\nu,\ \nu = \frac{\left(S_1^2/n + S_2^2/m\right)^2}{\frac{\left(S_1^2/n\right)^2}{(n-1)} + \frac{\left(S_2^2/m\right)^2}{(m-1)}}$

15. Considere uma amostra aleatória de tamanho 36 de uma distribuição normal com média μ e desvio padrão 1,8. Deseja-se testar $H_0: \mu \leq 10$ versus $H_A: \mu > 10$. O teste uniformemente mais poderoso com nível de significância de 1% rejeitará H_0 se a média amostral for, no mínimo, igual a:

a. 10,7
b. 11,1
c. 11,5
d. 11,9
e. 12,3

16. As distribuições abaixo são membros da família exponencial, exceto:

a. Binomial Negativa
b. Gama
c. Normal inversa
d. Poisson
e. Cauchy

17. Um experimento mediu pesos de uma amostra de 30 plantas de diferentes espécies. Com os dados obtidos, ajustou-se um modelo de análise de variância com 1 fator. Os resultados são apresentados parcialmente na tabela abaixo.

Fator	Graus de liberdade	Soma de quadrados	Quadrados médios	valor F	valor p
Espécies	2	11,6	?	x	<0,001
Resíduos	?	10,8	?		

Quantas espécies foram testadas e quanto vale x, respectivamente?

a. 2 e 14,5
b. 2 e 13,2
c. 3 e 14,5
d. 3 e 13,2
e. 2 e 1,07

18. A função de verossimilhança de um modelo linear generalizado assumindo distribuição da variável resposta Y pertencente à família exponencial tem a forma

$$f(y;\theta,\phi) = exp\{(y\theta - b(\theta))/a(\phi) + c(y,\phi)\}.$$

Assuma que Y tem distribuição de $Poisson(\mu)$, ou seja,

$$f(y;\mu) = \frac{\mu^y e^{-\mu}}{y!}, \mu > 0, y = 0,1,2,...,$$

Nesse caso $b(\theta)$ é igual a

a. $\theta^2/2$
b. θ
c. $log(1 + e^\theta)$
d. $-1/\theta$
e. e^θ

19. Em uma base de dados com respostas de um questionário composto por 4 questões, realizou-se uma análise fatorial ortogonal pelo método de componentes principais com 2 fatores. As especificidades estimadas foram $\psi_i = (2, 4, 1, 3), \mathrm{i} = 1, \dots, 4.$ E, a matriz de cargas L estimada:

$$L = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 7 & 2 \\ -1 & 6 \\ 1 & 8 \end{bmatrix}$$

Portanto, tem-se que a matriz de covariâncias observada Σ é:

a. $\Sigma = \begin{bmatrix} 4 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 16 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 9 \end{bmatrix}$

b. $\Sigma = \begin{bmatrix} 19 & 30 & 2 & 12 \\ 30 & 57 & 5 & 23 \\ 2 & 5 & 38 & 47 \\ 12 & 23 & 47 & 68 \end{bmatrix}$

c. $\Sigma = \begin{bmatrix} 4 & 30 & 2 & 12 \\ 30 & 16 & 5 & 23 \\ 2 & 5 & 1 & 47 \\ 12 & 23 & 47 & 9 \end{bmatrix}$

d. $\Sigma = \begin{bmatrix} 17 & 30 & 2 & 12 \\ 30 & 53 & 5 & 23 \\ 2 & 5 & 37 & 47 \\ 12 & 23 & 47 & 65 \end{bmatrix}$

e. $\Sigma = \begin{bmatrix} 1 & 0{,}91 & 0{,}07 & 0{,}33 \\ 0{,}91 & 1 & 0{,}11 & 0{,}37 \\ 0{,}07 & 0{,}11 & 1 & 0{,}92 \\ 0{,}92 & 0{,}37 & 0{,}92 & 1 \end{bmatrix}$

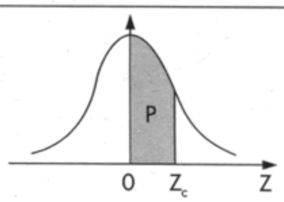
20. Uma pesquisa tem o objetivo de avaliar o grau de satisfação da população de uma cidade sobre seu governo. Para tanto, sorteou-se metade dos bairros da cidade e em cada bairro n_h pessoas foram selecionadas aleatoriamente para a entrevista, sendo h=1,2,…,k os bairros. Esse tipo de amostragem utilizado é conhecido como:

a. Amostragem aleatória simples sem reposição
b. Amostragem por conglomerados
c. Amostragem estratificada
d. Amostragem em dois estágios
e. Amostragem aleatória simples com reposição

Tabela III — Distribuição Normal Padrão

$Z \sim N(0, 1)$

Corpo da tabela dá a probabilidade p, tal que $p = P(0 < Z < Z_c)$



parte inteira e primeira decimal de Z_c	Segunda decimal de Z_c										parte inteira e primeira decimal de Z_c
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
	p = 0										
0,0	00000	00399	00798	01197	01595	01994	02392	02790	03188	03586	0,0
0,1	03983	04380	04776	05172	05567	05962	06356	06749	07142	07535	0,1
0,2	07926	08317	08706	09095	09483	09871	10257	10642	11026	11409	0,2
0,3	11791	12172	12552	12930	13307	13683	14058	14431	14803	15173	0,3
0,4	15542	15910	16276	16640	17003	17364	17724	18082	18439	18793	0,4
0,5	19146	19497	19847	20194	20540	20884	21226	21566	21904	22240	0,5
0,6	22575	22907	23237	23565	23891	24215	24537	24857	25175	25490	0,6
0,7	25804	26115	26424	26730	27035	27337	27637	27935	28230	28524	0,7
0,8	28814	29103	29389	29673	29955	30234	30511	30785	31057	31327	0,8
0,9	31594	31859	32121	32381	32639	32894	33147	33398	33646	33891	0,9
1,0	34134	34375	34614	34850	35083	35314	35543	35769	35993	36214	1,0
1,1	36433	36650	36864	37076	37286	37493	37698	37900	38100	38298	1,1
1,2	38493	38686	38877	39065	39251	39435	39617	39796	39973	40147	1,2
1,3	40320	40490	40658	40824	40988	41149	41309	41466	41621	41774	1,3
1,4	41924	42073	42220	42364	42507	42647	42786	42922	43056	43189	1,4
1,5	43319	43448	43574	43699	43822	43943	44062	44179	44295	44408	1,5
1,6	44520	44630	44738	44845	44950	45053	45154	45254	45352	45449	1,6
1,7	45543	45637	45728	45818	45907	45994	46080	46164	46246	46327	1,7
1,8	46407	46485	46562	46638	46712	46784	46856	46926	46995	47062	1,8
1,9	47128	47193	47257	47320	47381	47441	47500	47558	47615	47670	1,9
2,0	47725	47778	47831	47882	47932	47982	48030	48077	48124	48169	2,0
2,1	48214	48257	48300	48341	48382	48422	48461	48500	48537	48574	2,1
2,2	48610	48645	48679	48713	48745	48778	48809	48840	48870	48899	2,2
2,3	48928	48956	48983	49010	49036	49061	49086	49111	49134	49158	2,3
2,4	49180	49202	49224	49245	49266	49286	49305	49324	49343	49361	2,4
2,5	49379	49396	49413	49430	49446	49461	49477	49492	49506	49520	2,5
2,6	49534	49547	49560	49573	49585	49598	49609	49621	49632	49643	2,6
2,7	49653	49664	49674	49683	49693	49702	49711	49720	49728	49736	2,7
2,8	49744	49752	49760	49767	49774	49781	49788	49795	49801	49807	2,8
2,9	49813	49819	49825	49831	49836	49841	49846	49851	49856	49861	2,9
3,0	49865	49869	49874	49878	49882	49886	49889	49893	49897	49900	3,0
3,1	49903	49906	49910	49913	49916	49918	49921	49924	49926	49929	3,1
3,2	49931	49934	49936	49938	49940	49942	49944	49946	49948	49950	3,2
3,3	49952	49953	49955	49957	49958	49960	49961	49962	49964	49965	3,3
3,4	49966	49968	49969	49970	49971	49972	49973	49974	49975	49976	3,4
3,5	49977	49978	49978	49979	49980	49981	49981	49982	49983	49983	3,5
3,6	49984	49985	49985	49986	49986	49987	49987	49988	49988	49989	3,6
3,7	49989	49990	49990	49990	49991	49991	49992	49992	49992	49992	3,7
3,8	49993	49993	49993	49994	49994	49994	49994	49995	49995	49995	3,8
3,9	49995	49995	49996	49996	49996	49996	49996	49996	49997	49997	3,9
4,0	49997	49997	49997	49997	49997	49997	49998	49998	49998	49998	4,0
4,5	49999	50000	50000	50000	50000	50000	50000	50000	50000	50000	4,5